小林英夫一柳勝宏

Analogue Simulation of Electrical Power Systems for Transient Stability Studies

Hideo Kobayashi, Katsuhiro Ichiyanagi

Adoptions of forced excitation, switched series condenser and damping resistor are, as well known, very effective to improve the transient stability of power systems.

Some experiments, in respect of the compensative effects of forced excitation and switched series condenser against the step out caused by faults, were executed and its consequences are showed.

Analogue computer simulation results on transient stability regions, in case that we take the switching times of excitation voltage and line constant as parameters, are described.

1. まえがき

最近の電力系統の驚異的発展・複雑化にともない系統 安定度に関する問題が系統信頼度問題と共に重要視され る様になって来ている.系統の事故対策は最近の技術的 進歩により種々の方法が考えられているが,特に過渡安 定度向上対策としては事故時の強制励磁 (forced excitation),直列コンデンサおよび制動抵抗投入など種 々採り挙げられてきている.^{(1),(2),(3)}

この研究では先づ事故想定に線路定数の急変を行い, 事故時の直列コンデンサおよび強制励磁補償による過渡 安定度の向上に関する実験をおこなった^{(0),(0)}. これに続 きシステムをアナログ計算機にてシミュレートし,発電 機内部電圧を一定として線路定数切換えによる過渡安定 度領域について調べた. すすんで同期機の特性シミュレ ーションにより,内部電圧の変動も考慮に入れた過渡安 定度領域について解析したのでここに報告する.

直列コンデンサおよび強制励磁補償による過渡安 定度の向上に関する実験

〔実験方法とその結果〕

Fig. 2—1 に示す回路で S_1 on, S_2 off とし安定状態 とする. S_1 off により線路定数は $L_0 \rightarrow L_0 + L$ の急変に よる事故想定とし脱調の如何について安定度の対象とし た. この時リアクター $L_023\Omega$ (p.u.1. 29) で固定,事故 想定用のリアクターは 13 Ω (p.u. 0. 73) である.

その結果, Fig. 2—2 に相差角 δ の変化を示すが,曲 線aは S_1 を開きLを投入し脱調の様子を示す.曲線bは Lを投入後, 0.7(sec)後に S₂ 投入 (内部誘起電圧200→ 220v)し,強制励磁を行った場合で復調安定となってい る. Fig. 2-3 に相差角 δ と速度 δ の位相面で示した. 次に事故の想定は前と同様でL 投入後直列コンデンサ投 入による安定度向上を行った. (Fig. 2-4) 無補償の場 合は脱調となるが (曲線C) 0.32 (sec) 後直列コンデン サー投入により復調安定となった. (曲線 d).



Fig. 2-2 相差角δの動揺曲線



Fig. 2-4 直列ロンデンサ補償投入実験回路

測定した相差角はビジグラフ(三栄測器製:掃引 1m /sec)を使用し、両同期機端子電圧間の相差角とみなし た. 突極機でもあるので実際の内部相差角 δ 測定のため ダルトン・カメロン法, すべり法等により各種測定試験 を行い次の結果を得た. M=5.74 (sec), x_d=0.229 (p.u), xq = 0.140(P.u), x'd = 0.106(p.u), $x''_d = 0.059$ (p.u), これらの諸定数を用い 過渡安定度補償の 理論及 び実験結果の 比較検討を おこなって みたが 測定した相 差角は 両機端子電圧の 相差角と みなしたこと, 制動項 (dδ/dt)の無視, 過渡時の特性式が完全でないことな どの理由で理論との一致は得られなかったがこれについ ての検討はアナログ計算機等による同期機の特性シミュ レーションが必要であり4節で更に考察する.

3. アナログ計算機による電力系統過渡安定度領域の 解析

〔3-1〕 電力動揺方程式



Fig. 3-1 モデル系統図

Fig. 3-1 に示す様に系統の基本的なものと考えられ る無限大母線(内部インピーダンスが零で負荷の増減に 対して電圧 Er はその大きさも位相も全く変化せず慣性 定数も極めて大きな電源をいう.)に接続された単機系 統について考える. この系統の電力動揺方程式は次式で 示される.

$$\left. \begin{array}{c} \frac{d^2 \delta}{dt^2} = \frac{\omega_0}{M} (P_M - P_E) \\ P_E = \frac{E_s \cdot E_r}{Xe} \sin \delta = P_m \sin \delta \end{array} \right\} \quad (3-1)$$

ここで δ: 相差角($E_s - E_r$ 相差角) ω_o : 回転角速度 M:慣性定数 P_M:機械的入力 P_E:電気的出力 $P_m = E_s \cdot E_r / Xe$:正弦曲線の最大値 E_s :過渡内部 電圧 Er:受電電圧(無限大母線電圧) Xe:線路リ アクタンス

であり全て単位法 (Per unit) で表わされる.

「3-2〕 モデル系統のアナログシミュレーション 電力動揺方程式(3-1)式をアナログ計算機組み込 みのためタイムスケール変換を行う.

$$(3-1)$$
 \vec{r}_{u} $\frac{d^{2}\delta}{dt^{2}} = \frac{\omega_{0}}{M} (P_{M} - P_{m} \sin \delta)$

に対し、タイムスケールファクター $\beta_t = \sqrt{M/\omega_0 P_M}$ としタイムスケール変換 ($t \rightarrow \sqrt{M/\omega_0 P_M} t$)を行う と(3-1)式は

$$\begin{array}{c} \frac{d^{2}\delta}{dt^{2}} = 1 - \frac{P_{m}}{P_{M}} \sin \delta \\ = 1 - m \sin \delta \end{array} \right\}$$

$$(3-2) \\ (3-$$

更に制動巻線・回転機の摩擦などによる制動作用を考慮 に入れて制動項 $-nd\delta/dt$ を加えて (3-2) 式は

$$\begin{array}{c} \frac{d^{2}\delta}{dt^{2}} = 1 - n \frac{d\delta}{dt} - \frac{P_{m}}{P_{M}} \sin\delta \\ = 1 - n \frac{d\delta}{dt} - m \sin\delta \end{array} \right\}$$
(3-3)

と書き直される. したがって線路リアクタンス Xeの切 換えは操作量mの係数切換えと考えられる.

〔3-3〕 アナログ計算機プログラミング(6)

動揺方程式 (3-3) の $\ddot{\delta}(=d^2\delta/dt^2)$, $\dot{\delta}(=d\delta/dt)$ について Table 3-1 の様なスケール変換を行う.

	Table	3-1	:	スケ	ール変換表
--	-------	-----	---	----	-------

変数	推定最大值	スケールフ ァクター	計算機変数	
δ	1	1	〔δ〕	
Ś	α	1/α	[δ/α]	
δ	β	1/eta	<i>[δ</i> /β]	

NoTE.1. 計算機変数=スケールファクタ×変数

- 一般に微分方程式中の変数の最大値を予測する必要はなく、2番目の高次微分項の最大値と同じ値にしておくだけでよい、ただし最高次の微分項をレコーダに記録する必要のあるときは例外である。
- δ についてのスケール変換は原式が非線形微分方程式で あるから行なわないが実際演算の際も最大値1とすれば 充分である。

原式 (3−3) をTable 3−1 の計算機変数に基づいて 次の如く変形する.

$$\frac{d^{2}\delta}{dt^{2}} = 1 - n \frac{d\delta}{dt} - m \sin \delta \qquad (3-3)$$

$$\left(\frac{\ddot{\delta}}{\beta}\right) \times \beta = 1 - n \cdot \left(\frac{\dot{\delta}}{\alpha}\right) \times \alpha - m \sin(\delta)$$

$$\left(\frac{\ddot{\delta}}{\beta}\right) = \frac{1}{\beta} - n \left(\frac{\dot{\delta}}{\alpha}\right) \times \frac{\alpha}{\beta} - \frac{m}{\beta} \sin(\delta) \qquad (3-4)$$

演算の際推定最大値 α , β を10とするのが適当である. $\alpha = \beta = 10$ を (3-4)式に代入しそのブロックダイア グラムは Fig. 3-2 の如くなる.

$$\left(\frac{\ddot{\delta}}{10}\right) = \frac{1}{10} - n\left(\frac{\dot{\delta}}{10}\right) - \frac{m}{10} \cdot \sin(\delta) \quad (3-5)$$





アナログ計算機 ALM 502T のダイナミックレンデは 0.5v~50v であることから 50v \Rightarrow 1 とし現象と電圧との 対応は δ±5v=±1.0

 $\delta \cdots \pm 25v = \pm 90^{\circ}$

以下動揺方程式は(3-3)式を代表して取り扱うこと とする. Fig. 3-3 および 3-4 に m, n を変化させ たとき δ の変動および $\delta-\delta$ の位相面で表わした.



$$\frac{d^2 o}{dt^2} = 1 - n \frac{do}{dt} - m \sin \delta, n = 0, \forall n \equiv 0, \delta = 0, \delta = 18,)$$

Fig. 3—3 m=1.2→3.0 に変化させた時の動揺曲線の比較



Fig. 3-4 m=2.5の時nの変化に対する位相面軌道の比較

〔3-4〕 過渡安定度領域解析結果

電力動揺方程式 (3-3) における n=0, m=1.5 及 び 2.5 について 安定度領域の大きさを比較するために演 算を行った. その結果を Fig. 3—5 に δ_0 , δ_0 (δ , δ の初 期値) に対しての δ , δ の変化を位相面で 表わす. 又 Fig. 3—6, Fig. 3—7 には m 及び n に対応した δ , δ の 初期値に対する安定限界を示す.



よる δ, δ の安定限界



Fig. 3—5 δ—δ 位相面表示



による δ, δ の安定限界

 〔3-5〕 線路定数切換 えによる 過渡安定度領域の 解 析⁽⁶⁾

(3-5・1)比較素子 (comparator) による定数切換 定数切換えのために演算には比較素子を使用したの



比較素子の組み方



0

 $\begin{pmatrix} Es + Ei \leq 0 & \text{不動作状態} \\ Es + Ei > 0 & \text{動 作 状 態} \end{pmatrix}$

比較器回路構成

O.P.Amp.

リレー

Fen

で Fig. 3—8 にこの結線図と回路構成を示す.

演算開始後の 定数切換えは Fig 3-9 の如く行うとよい.



Fig 3—9 定数切換 $(m_1 \longrightarrow m_2 \longrightarrow m_3, P_{t_1} < P_{t_2})$ $t_1 \text{sec後}$ $t_2 \text{sec後}$

(3-5・2) m切換えの意味(1)

更に位相面で表現された安定領域を操作量mをパラメ



Fig. 3-10 安定領域の三次元的表現

ータと考えて三次元的に表現すると Fig. 3—10 で表わ される.

電力動揺方程式(3-3)を *n*=0 とした式より解く.

$$\frac{d^{2}\delta}{dt^{2}} = 1 - m \cdot \sin\delta \qquad (n=0)$$

$$\frac{d\delta}{dt} = \dot{\delta}$$

$$= \pm \sqrt{2(\delta + m\cos\delta) - 2(\delta_{0} + m\cos\delta_{0}) + \dot{\delta}_{0}^{2}} \qquad (3-6)$$

$$t = \int_{\delta_{0}}^{\delta_{c}} \frac{d\delta}{\sqrt{2(\delta + m\cos\delta) - 2(\delta_{0} + m\cos\delta_{0}) + \dot{\delta}_{0}^{2}}}$$

(3-7)

いま Fig. 3—10 において正常操作量 m_0 の位相面で の安定領域内の一点 (δ_0, δ_0) より線路故障等による m_1 の操作量の急変があったとする. この時 δ_0, δ_0 が m_1 の位相面安定領域外にあれば m_1 面上での位相角 δ は増 大し脱調現象となる. この場合操作量 m_0 が m_1 に移 って以後別の安定な m_2 について安定とするためにはあ る時間 t(sec) 内に m_2 に切換えを行い m_2 の安定領 域内へ引込むことである.



Fig. 3-11 現象安定化の為のm切換限界時間測定1



Fig. 3—12 現象安定化の為のm切換限界時間測定 2







Fig. 3—14 現象安定化の為のm切換限界時間測定 4

小林英夫一柳勝宏







Fig. 3-16 m切換による安定臨界角度

同期機のアナログシミュレーションによる過渡安 定度

系統過渡安定度において安定・不安定の判別は水車の 調速機及び自動電圧調整装置などの影響は速応励磁方式 を採用したものを除いては応答速度がかなり遅いのでこ れを無視し,系統じょう乱発生後の約1秒で決定してい る.

したがって過渡安定度が問題となる時間に対しては同 期機の機械的入出力は一定とみなして,また過渡内部電 圧も3節同様一定という 仮定において行っている. 実際,演算においてかなりの時間経過後の脱調現象がみら れた.

以上の点より内部電圧等の変化にも考慮して過渡安定 度について同期機アナログシミュレーションを行った.

〔4-1〕 系統の動特性⁽⁸⁾

外部回路を含む突極形発電機のベクトル図を Fig 4—1 に二反作用法により表わす.



Fig. 4-1 外部回路を含む同期機ベクトル図

図の記号は $e_q: x_q$ 背後電圧 $e_{dt}, e_{qt}: 端子電圧 d$ 軸, q 軸成分, $e_q': x_q$ 背後電圧 q 軸成分 $I_g:$ 発電機電 流 id, iq: 発電機電流 $I_g o d$ 軸 q 軸成分及び次の記 号は電機子誘起電圧に換算.

 e_I : 界磁電流 q 軸成分 e_{f_d} : 界磁電圧 q 軸成分 e_q' : 界磁磁束 q 軸成分

鎖交磁束が変化する場合の関係式は次式で示される.

$$\frac{de_{q'}}{dt} = \frac{1}{Td_{0'}}(e_{f_d} - e_I) \qquad (4-1)$$

ただし, Tdo': 界磁開路時定数

Fig. 4-1 においてこれらの諸関係式を求めれば次の如 くなる. (尚次過渡成分については一応その効果を無視 して考えることにする.実際系統安定度問題においては その効果を無視しても差支えない.)

$$\begin{cases} e_{I} = \frac{x_{d} - x_{d}'}{x_{q} - x_{d}'} e_{q} - \frac{x_{d} - x_{q}}{x_{q} - x_{d}'} e_{q}' & (4-2) \\ e_{q}' = e_{q} - (x_{q} - x_{d}')i_{d} & (4-3) \\ (4-2) \ \varkappa \ (4-3) \ \& \ \& \ \& \ \& \ \& \ e_{I} = e_{q}' + (x_{d} - x_{d}')i_{d} & (4-4) \\ & \therefore \quad i_{d} = -\frac{e_{I} - e_{q}'}{x_{q} - x_{d}'} & (4-5) \end{cases}$$

無限大母線電圧 E_2 とすれば同ベクトル図より $i_d = |\dot{I}_g| \cos \theta$

$$\cos\theta = \frac{i_d}{|\dot{I}_g|} = \frac{e_q - E_2 \cdot \cos\delta}{(x_q + x_e)|\dot{I}_g|}$$

$$\therefore \quad e_q = E_2 \cos\delta + (x_q + x_e)i_d \qquad (4-6)$$

発電機出力 Peとすれば

$$P_{e} = e_{q} \cdot |\dot{I}_{g}| \cos(\delta + \phi) = e_{q} \cdot |\dot{I}_{g}| \sin\theta$$

$$\sin\theta = \frac{E_{2} \cdot \sin\delta}{(x_{q} + x_{e})|\dot{I}_{g}|}$$

$$\therefore P_{e} = \frac{e_{q} \cdot E_{2} \sin\delta}{x_{e} + x_{e}} \qquad (4-7)$$

端子電圧 e_t については

$$e_t = e_{dt} + e_{qt}$$

ベクトル図より

$$\frac{e_{dt}}{x_q |\dot{I}_g|} = \frac{E_2 \cdot \sin\delta}{(x_q + xe) |\dot{I}_g|}$$

(4 - 8)

$$\therefore \quad e_{dt} = \frac{x_q}{x_q + x_e} E_2 \cdot \sin\delta \tag{4--9}$$

$$\frac{e_q - e_{q\,t}}{x_q \cdot |\dot{I}_g|} = \frac{e_q - E_2 \cos\delta}{(x_q + x_e)|\dot{I}_g|}$$

$$\therefore e_{qt} = \frac{x_e}{x_q + x_e} e_q + \frac{x_q}{x_q + x_e} E_2 \cos\delta \quad (4-10)$$

更に A.V.R の特性は簡単に次の式で表わす.

$$\frac{de_{f_d}}{dt} = -\mu \frac{de_t}{dt} \tag{4-11}$$

$$e_{fd} = -\mu e_t + E_{FD} \qquad (4-12)$$

(ただしµ: A.V.R 伝達関数, EFD励磁電圧定数)
 〔4-2〕 アナログ計算機プログラミング⁽⁶⁾

同期機のアナログシミュレーションによる系統の過渡 安定度の解析に於て実際には内部誘起電圧一定として取 り扱うわけにはいかない. そこで電力方程式 P_E の E_s ee_q (内部誘起電圧は e_q であるとして), $E_r \in E_2$ で表 わし, (4-1), (4-3), (4-4) より

$$\frac{de_{q'}}{dt} = \frac{1}{T_{do'}} \left(e_{f_d} + \frac{x_d - x_q}{x_q - x_{d'}} e_{q'} - \frac{x_d - x_{d'}}{x_q - x_{d'}} e_q \right)$$
(4-13)

$$(4-3), (4-6) \& b$$

 $e_q = \frac{x_q + x_e}{x_d' + x_e} e_q' - \frac{x_q - x_d'}{x_d' + x_e} E_2 \cos \delta$ (4-14)

及び動揺方程式から

$$M \frac{d^{2} \delta}{dt^{2}} + D \frac{d\delta}{dt} = P_{M} - P_{E} \qquad (4-15)$$

$$M = \frac{GH}{180f} \begin{pmatrix} M : \text{[t]} \text{t} \text{c} \text{t} \text{z} \text{b} \text{f} \\ \text{l} \text{l} \text{l} (\text{MVA}) \end{pmatrix} H : \text{I} \text{I} \text{t} \text{l} \text{t} \text{c} \text{t} \text{t} \text{c} \text{s} \text{b} \text{f} \text{M} \text{J} \end{pmatrix}$$

以上三式と先きの $(4-7) \sim (4-12)$ 式よりアナログ 計算機組み込みのためのブロックダイアグラムを作ると Fig 4-2 に示す様になる. このときの各変数に対する スケール変換は Table 4-1 に示す.

Table 4—1

変 数	推定最大值	スケールフ ァクタ	計算機変数	
<i>efd</i> 10		3/10	[<i>efd</i> /10]	
ėq'	10	10 1/10		
e_q'	10	410	$(e'_q/10)$	
eq	10	410	$(e_q/10)$	
P _E 250		1/250	$(P_E/250)$	
ö	δ 1		$[\ddot{\delta}]$	
δ	δ 1		[δ]	
δ 1		1 (δ)		







Table 4-2 モデル系統各種定数

諸量	記号	数值例 (単位法)	備	考
直軸リアクタンス	xd	1.15)	
横軸リアクタンス	xq	0.75		
過渡リアクタンス	xd'	0.37	同期機名	插它数
界磁開路時定数	T do'	5.60	1 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12 12	
慣 性 定 数	M	5.53		
制動定数	D	0	J	
機械的入力。	P _M	· _		+-
励磁電圧	E _{FD}		」 问 别 饿 八	./J
外部線路リアクタ	xe			
無限大母線電圧	e_2	1.00) 外部回路	

*: 強制励磁(EFD 切換え)により安定化

〔4-3〕 解析例と結果

モデル系統として制動巻線をもつ突極型同期機を有す る系統としその各定数を Table 4-2 に示す. 演算に際 しての事故発生時点は演算開始時点(初期条件)とし最 初の段階として A.V.R 効果を無視する.

(4-3·1) xe 切換えによる安定化

過渡安定度の向上対策としての事故時の直列コンデン サ補償が この x_e 切換えによる 操作と考えられる. x_e : (1.25 p.u 事故時→0.5 p.u 事故除去)の切換えによる安定 度解析結果を Fig. 4—3·(i)に示す. 図において曲線 a は 切換え無し脱調の様子を示し,曲線 b, c は故障発生後 $5_{80}(sec)$, $19_{30}(sec)$ においての切換えによる安定化を 示す.曲線 d では $12_{30}(sec)$ 後の切換操作遅れによる 脱調となっている. Fig 4—3(ii)は曲線 a, c に対応した 電力-相差角特性曲線を示す.



Fig. 4-3 線路定数 xe 切換えによる安定化

 $(4-3\cdot 2)$ E_{FD} 切換えによる安定化

xe切換えに対してこの E_{FD} 切換えは前述の強制励磁 補償に相当すると考える. E_{FD} : (0.15 p.u 事故時→1.0 p.u強制励磁投入)の切換えによる解析結果を Fig. 4—4 に示す.

 $(4-3\cdot3)$ x_{e}, E_{FD} 切換え組合せによる安定化

 x_e および E_{FD} の単独切換えにより過渡安定度の向上 が得られることは前述してきた通りである.更に両者の 組合せによる安定化について実験してみた. (Fig.4—5)

EFD: 0.15p.u→1.05p.u

EFD切換えなし

135°

Xe :1.25p.u

Efd ⁸/₃₀ sec

45°

切換え

 $\longrightarrow \delta \xrightarrow{90^{\circ}}$

(i) ⁸/₃₀ sec E_{FD} 切換え





x_e, *E_{FD}*2段切換え時間による安定領域を表示すると
 Table 4—3(i)~(iii) となる.(○印:安定, ×印:不
 安定, ×印の添え数字は Swing 後脱調)

(i) 及び(ii) 図の切換え操作($x_e: 1.25p.u \rightarrow 0.5p.u$, $E_{FD}: 0.15p.u \rightarrow 1.04p.u$)において機械入力 P_M はそれ ぞれ10.0p.u 及び14.0p.u である。結果から判る様に電 気的出力 P_e に対して、 P_M は小さな値程切換時間の安 定度領域は広い. この事は入力*P*Mの大小に対する安定 性を等面積法で考えればよい.

(iii) 図では切換操作 (x_e :1.25p.u→1.0p.u, E_{FD} : 0.15p.u→1.04p.u, P_M :10.0p.u) を示す. この場合 E_{FD} 7(sec)以後の x_e の切換え操作は却って不安定とな る現象がみられている.

22

δ

0.5

0



Table. 4–3 (i)



(4-3・4) Multi Swing の安定判別

過渡内部電圧一定とした場合の安定度の一般的解析で は系統じょう乱発生後の First Swing で安定の如何が 決定できるが, Fig 4−5(ii)efd:²7‰(sec) 切換えによ



る場合 3 Swing の 2° %。(sec)後に脱調という現象がみられている.他にこの様な例は数 Swing 以上で脱調という現象も得られている.この場合には Multi Swing の安定判別が重要となる.



Fig. 4—5(iii) 同図 (ii) $c-27_{30}$ sec 切換えによる δ 動揺曲線

5. あとがき

今回の過渡安定度解析のモデル系統は無限大母線に接 続された一機系を選んだのであるが、今後は負荷の動特 性を考慮したシステム、更には多機系の基本となる三機 系についても理論的実験研究を進めている. 3節に記し た様に過渡内部誘起電圧一定という仮定の一般的解析で は安定度に関する臨界領域を除けば、 First Swing で 安定判別が容易に決定できる.しかし、4節の同期機ア ナログシミュレーションによる過渡内部誘起電圧を考慮 した 安定度解析では 過渡内部電圧の 影響と 考えられる First Swing 後の安定度についても考慮の必要性があ ることが判明した.今回での同期機アナログシミュレー ションはA.V.R装置,制動効果を無視しているがこれら を考慮した安定度についても更に検討している. 又線路 切換えについても更に線路の分布容量(9), 継電器等の切 換え動作時間等を考慮した安定問題についても検討中で ある.最近の系統規模の増大,複雑化と共に,過渡安定 度のみならず定態安定度,動態安定度の三つの見地から みた多機系統の安定度についても検討すべきである.

なお平素研究上の助言や資料の提供をいただく名大宮 地教授及び中部電力 技術研究所の 皆様に 御礼申し上げ る.

6. 参考文献

- (1) E.W. Kimbark : I.E.E.E. P.A.S. Feb. 1966
- (2) 中部電力技術研究会資料
- (3) H.M. Ellis, et. al.: I.E.E.E. Trans. P.A.S.-85 No 6. June 1966
- (4) 小林,藤田,一柳:昭和42年電四東海支連講 3PF -1
- (5) 小林, 一柳:昭和43年電四連大講 880
- (6) 日立製作所:ALM-502T 講習会テキスト
- (7) N. Dharma Rao : A New Approach to The Transient Stability Probrem I.E.E.E. 1962 June
- (8) 電気工学ハンドブック:送配電
- (9) K.S. Julien : I.E.E.E. Winter Power Meeting, New York, N.Y., 1967
- (10) 武藤, 三浦:送配電工学
- (11) H.E. Brown : I.E.E.E. Trans. P.A.S-84. No 12 December 1965
- (12) E.W. Kimbark : "Power System Stability" Jhon Wiley & Sons, Inc.,